

**Universidade Federal de Campina Grande  
Centro de Engenharia Elétrica e Informática  
Unidade Acadêmica de Sistemas e Computação  
Curso de Bacharelado em Ciência da Computação**

# **Organização e Arquitetura de Computadores**

## **Circuitos Lógicos Combinacionais (Parte II)**

**Profa. Joseana Macêdo Fachine Régis de Araújo**  
[joseana@computacao.ufcg.edu.br](mailto:joseana@computacao.ufcg.edu.br)

**Carga Horária: 60 horas**



# Tópicos

## Circuitos Lógicos Combinacionais

- Decodificadores
- Codificadores
- Multiplexadores
- Demultiplexadores
- Gerador/Verificador de Paridade

# Projeto de Circuitos Combinacionais

## Decodificação

- Conversão de um código de entrada de  $n$ -bits em um código de saída de  $m$  bits com  $n \leq m \leq 2^n$  tal que cada palavra-código válida produz um único código de saída.

## Decodificador

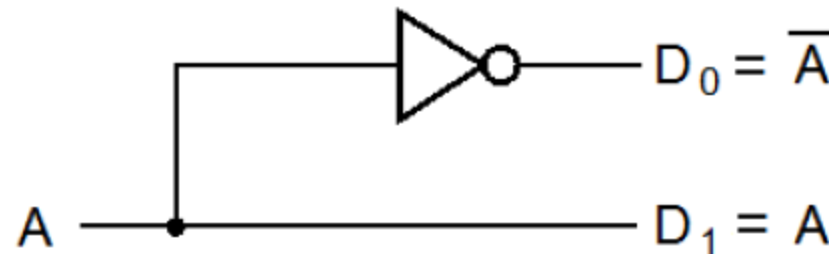
- Circuito que implementa a decodificação.

# Projeto de Circuitos Combinacionais

## Exemplo: Decodificador de 1-2 linhas

A	$D_0$	$D_1$
0	1	0
1	0	1

(a)



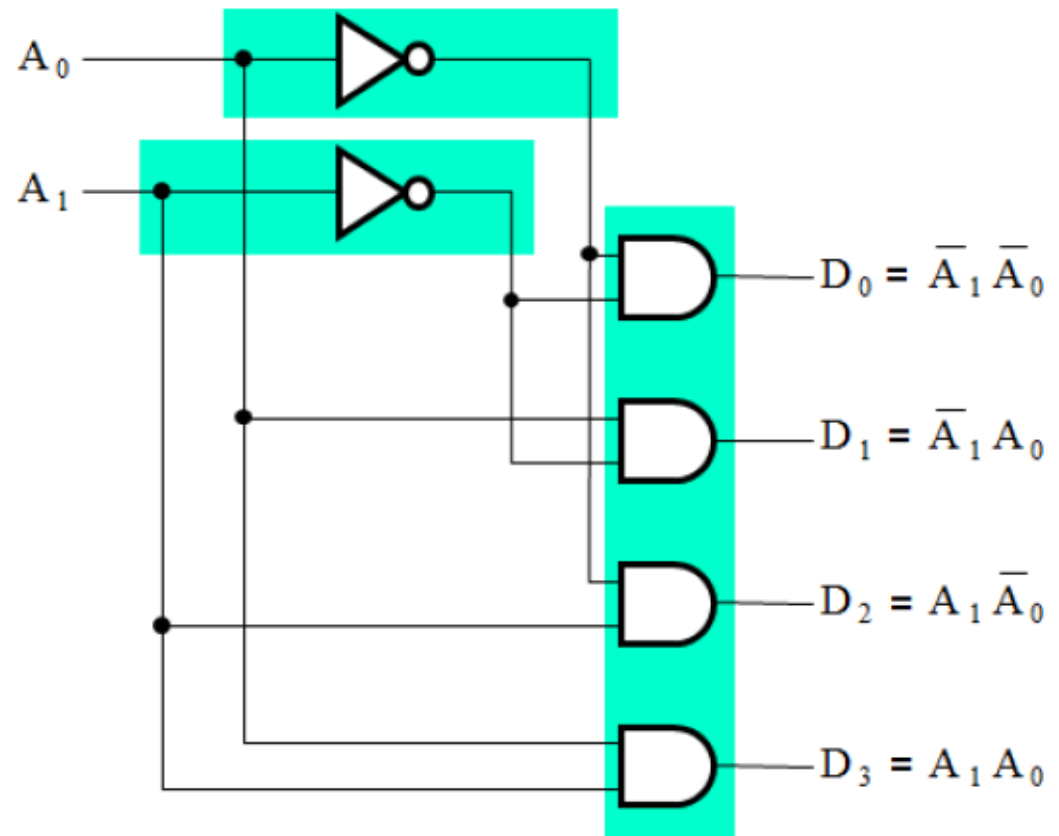
(b)

# Projeto de Circuitos Combinacionais

## Exemplo: Decodificador de 2-4 linhas

$A_1$	$A_0$	$D_0$	$D_1$	$D_2$	$D_3$
0	0	1	0	0	0
0	1	0	1	0	0
1	0	0	0	1	0
1	1	0	0	0	1

(a)



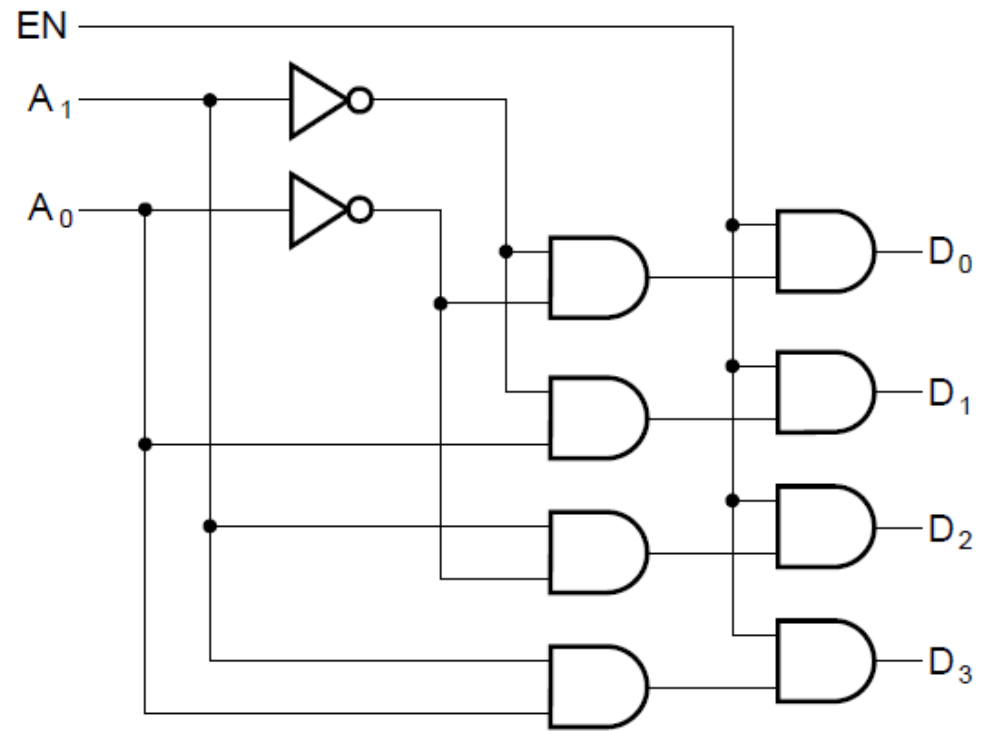
(b)

# Projeto de Circuitos Combinacionais

## Exemplo: Decodificador com *Enable*

EN	A <sub>1</sub>	A <sub>0</sub>	D <sub>0</sub>	D <sub>1</sub>	D <sub>2</sub>	D <sub>3</sub>
0	X	X	0	0	0	0
1	0	0	1	0	0	0
1	0	1	0	1	0	0
1	1	0	0	0	1	0
1	1	1	0	0	0	1

(a)



(b)

# Projeto de Circuitos Combinacionais

## Decodificadores (outras formas)

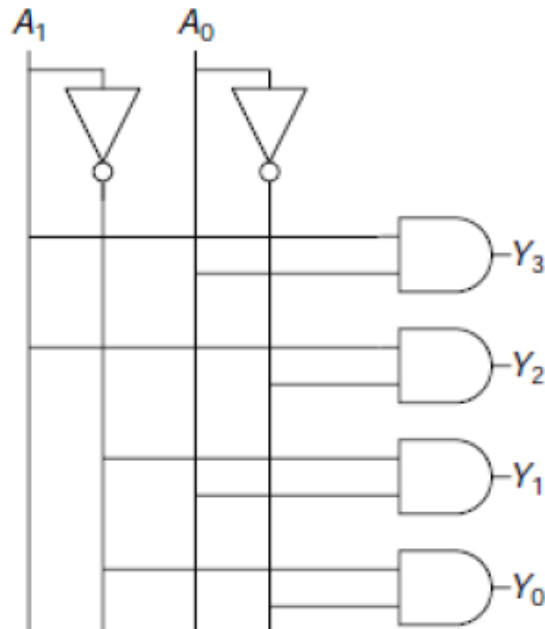
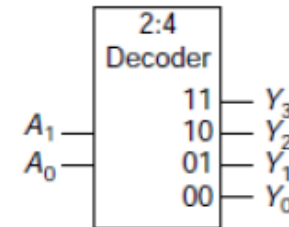


Figure 2.64 2:4 decoder implementation



$A_1$	$A_0$	$Y_3$	$Y_2$	$Y_1$	$Y_0$
0	0	0	0	0	1
0	1	0	0	1	0
1	0	0	1	0	0
1	1	1	0	0	0

Figure 2.63 2:4 decoder

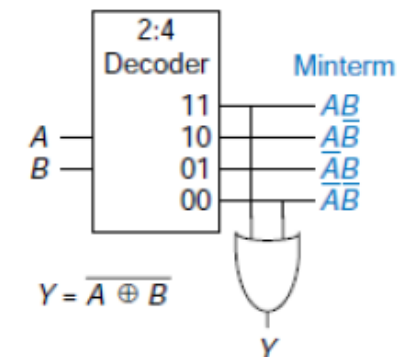


Figure 2.65 Logic function using decoder

# Projeto de Circuitos Combinacionais

## Codificação

- O oposto da decodificação - conversão de um código de entrada de  $m$ -bits em um código de saída de  $n$  bits com  $n \leq m \leq 2^n$ , tal que cada palavra-código válida produz um único código de saída.

## Codificador

- Circuito que implementa a codificação.

## Exemplo: Codificador decimal para BCD

- Entradas: 10 bits correspondente aos dígitos decimais de 0 a 9, ( $D_0$ , ...,  $D_9$ )



# Projeto de Circuitos Combinacionais

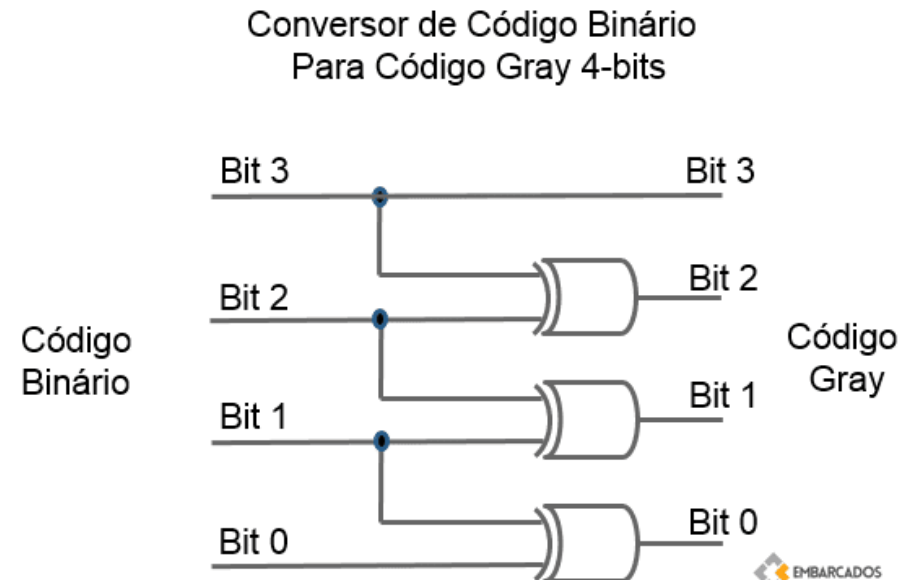
## Decodificadores e Codificadores – outras aplicações

- Grande parte dos sistemas digitais trabalha com níveis lógicos representando informações que, portanto, devem ser **codificadas**.
- Outros códigos: Código Gray, Código 2 em 5, Código em Anel, Código para acionamento de *display*, etc..

# Projeto de Circuitos Combinacionais

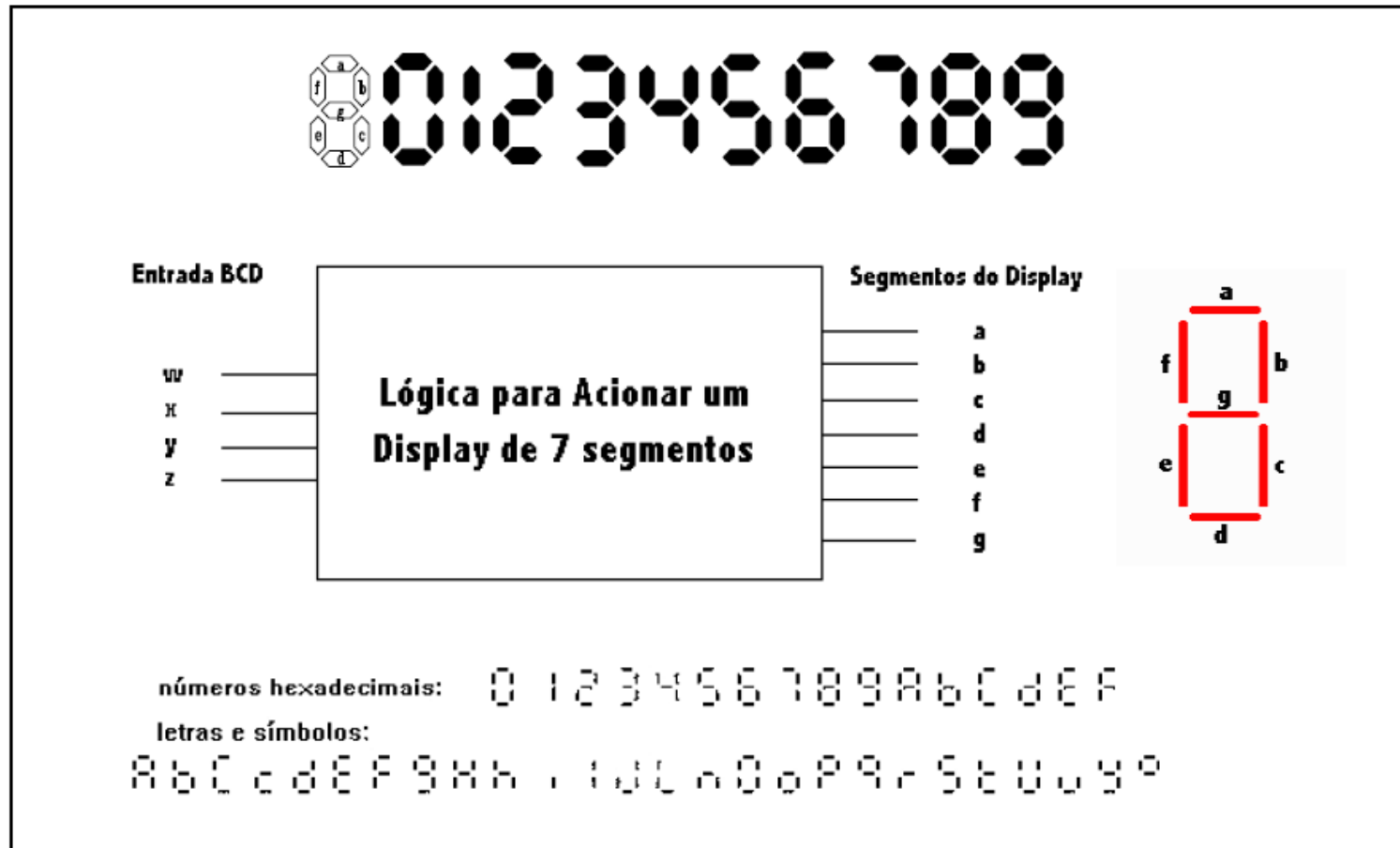
## Decodificadores e Codificadores – outras aplicações

DECIMAL	BINARIO	GRAY
0	0000	0000
1	0001	0001
2	0010	0011
3	0011	0010
4	0100	0110
5	0101	0111
6	0110	0101
7	0111	0100
8	1000	1100
9	1001	1101
10	1010	1111
11	1011	1110
12	1100	1010
13	1101	1011
14	1110	1001
15	1111	1000



# Projeto de Circuitos Combinacionais

## Exemplo: Decodificador BCD - Display de 7 segmentos

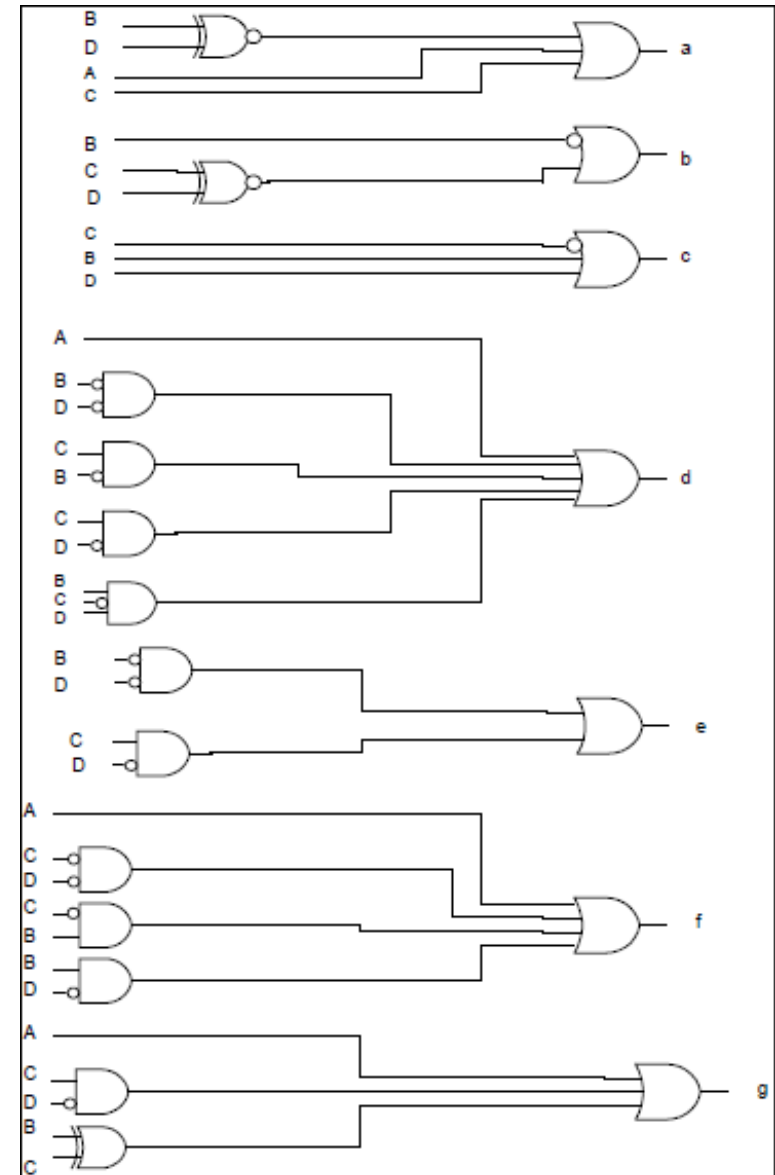


# Projeto de Circuitos Combinacionais

Exemplo: Decodificador BCD -  
Display de 7 segmentos

Entrada (BCD/Binário)				Saídas 7 segmentos							Display
D	C	B	A	a	b	c	d	e	f	g	
0	0	0	0	1	1	1	1	1	1	0	0
0	0	0	1	0	1	1	0	0	0	0	1
0	0	1	0	1	1	0	1	1	0	1	2
0	0	1	1	1	1	1	1	0	0	1	3
0	1	0	0	0	1	1	0	0	1	1	4
0	1	0	1	1	0	1	1	0	1	1	5
0	1	1	0	0	0	1	1	1	1	1	6
0	1	1	1	1	1	1	0	0	0	0	7
1	0	0	0	1	1	1	1	1	1	1	8
1	0	0	1	1	1	1	0	0	1	1	9

www.arduinoecia.com.br



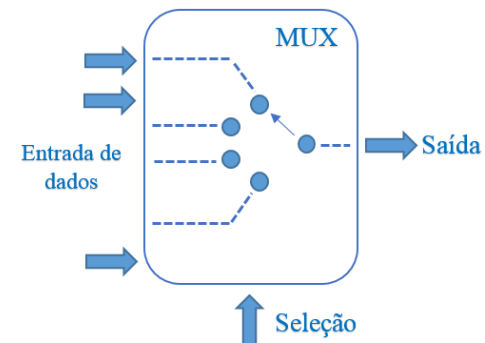
# Projeto de Circuitos Combinacionais

**Multiplexadores:** Circuitos lógicos que realizam seleção.

- Seleção de dados ou informação: uma operação crítica em sistemas digitais e computadores.
- Características de um circuito seletor:
  - Um conjunto de informações de entrada para as quais será feita a seleção;
  - Uma saída; e
  - Um conjunto de sinais de controle responsáveis por selecionar a informação de saída.

# Projeto de Circuitos Combinacionais

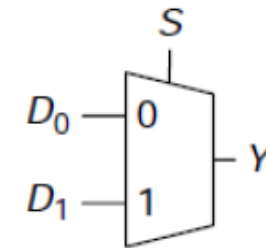
- **Multiplexadores (MUX):** circuitos combinacionais que têm a finalidade de **selecionar**, a partir das **variáveis de seleção**, uma de suas **entradas**, conectando-a eletronicamente a sua **única saída**.
- Circuito com  $2^n$  entradas de dados, uma saída de dados e  $n$  entradas de controle para efetuar a seleção de uma das entradas de dados.



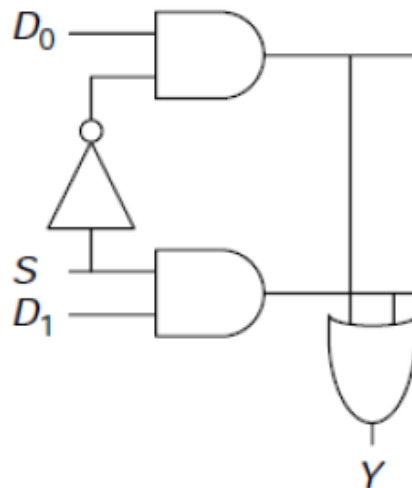
# Projeto de Circuitos Combinacionais

- Exemplo: MUX(2:1)

Variável de seleção (S)	Saída
0	$D_0$
1	$D_1$



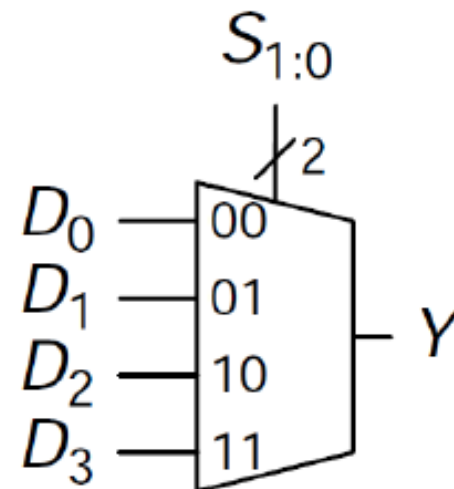
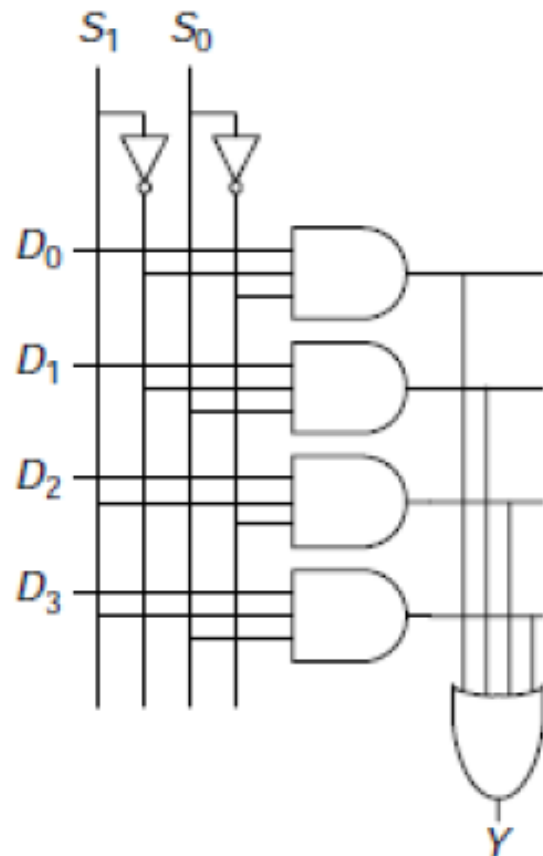
S	$D_1$	$D_0$	Y
0	0	0	0
0	0	1	1
0	1	0	0
0	1	1	1
1	0	0	0
1	0	1	0
1	1	0	1
1	1	1	1



**Figure 2.54** 2:1 multiplexer symbol and truth table

# Projeto de Circuitos Combinacionais

- Exemplo: MUX(4:1)



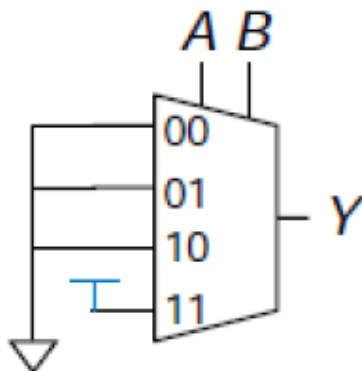


# Projeto de Circuitos Combinacionais

## Exemplo 1

A	B	Y
0	0	0
0	1	0
1	0	0
1	1	1

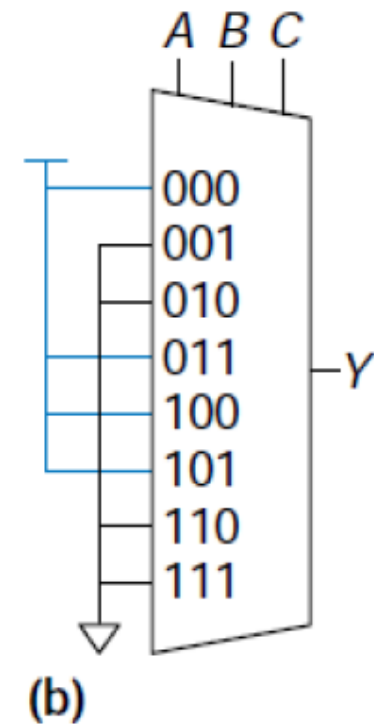
$Y = AB$



## Exemplo 2

A	B	C	Y
0	0	0	1
0	0	1	0
0	1	0	0
0	1	1	1
1	0	0	1
1	0	1	1
1	1	0	0
1	1	1	0

$$Y = A\bar{B} + \bar{B}\bar{C} + \bar{A}BC$$



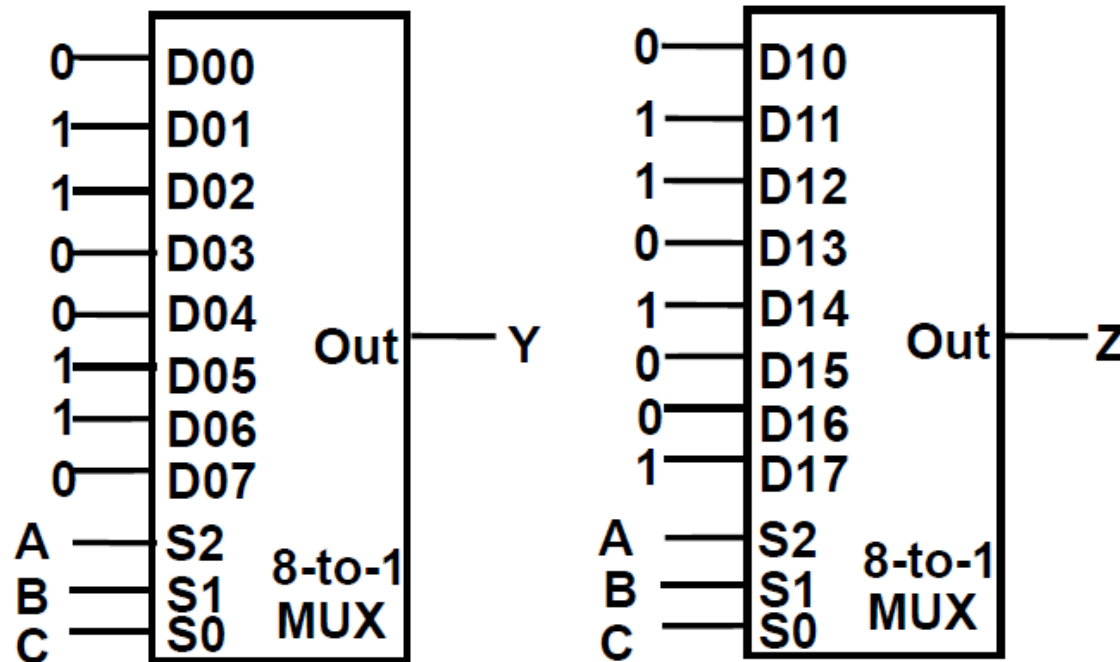
# Projeto de Circuitos Combinacionais

- Exemplo: Código Gray -> Código Binário usando multiplexadores

Gray A B C	Binário X Y Z
0 0 0	0 0 0
1 0 0	0 0 1
1 1 0	0 1 0
0 1 0	0 1 1
0 1 1	1 0 0
1 1 1	1 0 1
1 0 1	1 1 0
0 0 1	1 1 1

# Projeto de Circuitos Combinacionais

- Código Gray -> Código Binário com MUX(8:1)



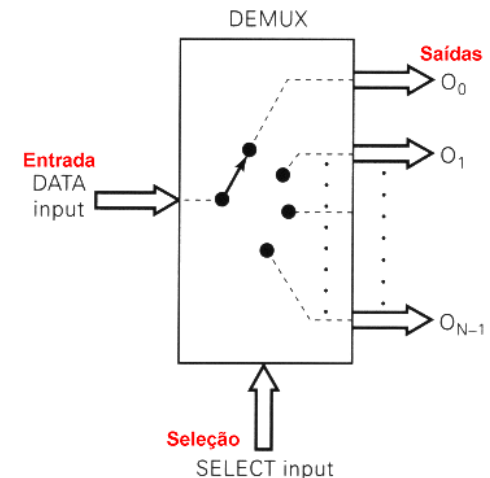
**Obs.:** O multiplexador com um número de entradas fixo é idêntico a uma **memória ROM** com 3 bits de endereço e 2 bits de dados.

# Projeto de Circuitos Combinacionais

**É possível obter o circuito  
Código Gray -> Código Binário  
utilizando MUX 2:1?**

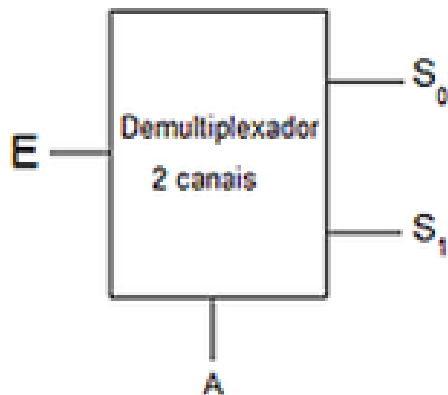
# Projeto de Circuitos Combinacionais

- **Demultiplexadores (DEMUX):** têm a finalidade de **selecionar**, a partir das **variáveis de seleção**, qual de suas **saídas** deve receber a informação presente em sua **única entrada**

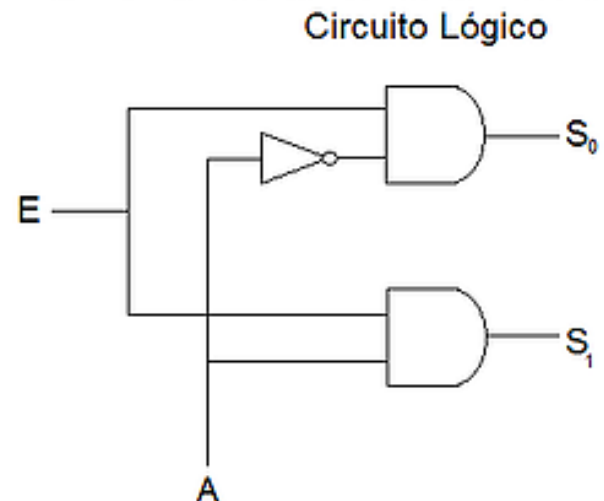


# Projeto de Circuitos Combinacionais

- Exemplo: (DEMUX 1:2)



Variável de seleção	Canais de Saída	
	$S_0$	$S_1$
0	E	0
1	0	E



# Projeto de Circuitos Combinacionais

## Circuito Gerador/Verificador de Paridade

- Utilizado para detectar erro em transmissão digital.
- Este processo pode ser vulnerável se houver mais do que um erro, permitindo assim que este passe até o destino sem ser identificado.
- Usado em muitas aplicações de hardware (em que uma operação pode ser repetida em caso de dificuldade, ou quando é útil a simples detecção de erros).

# Projeto de Circuitos Combinacionais

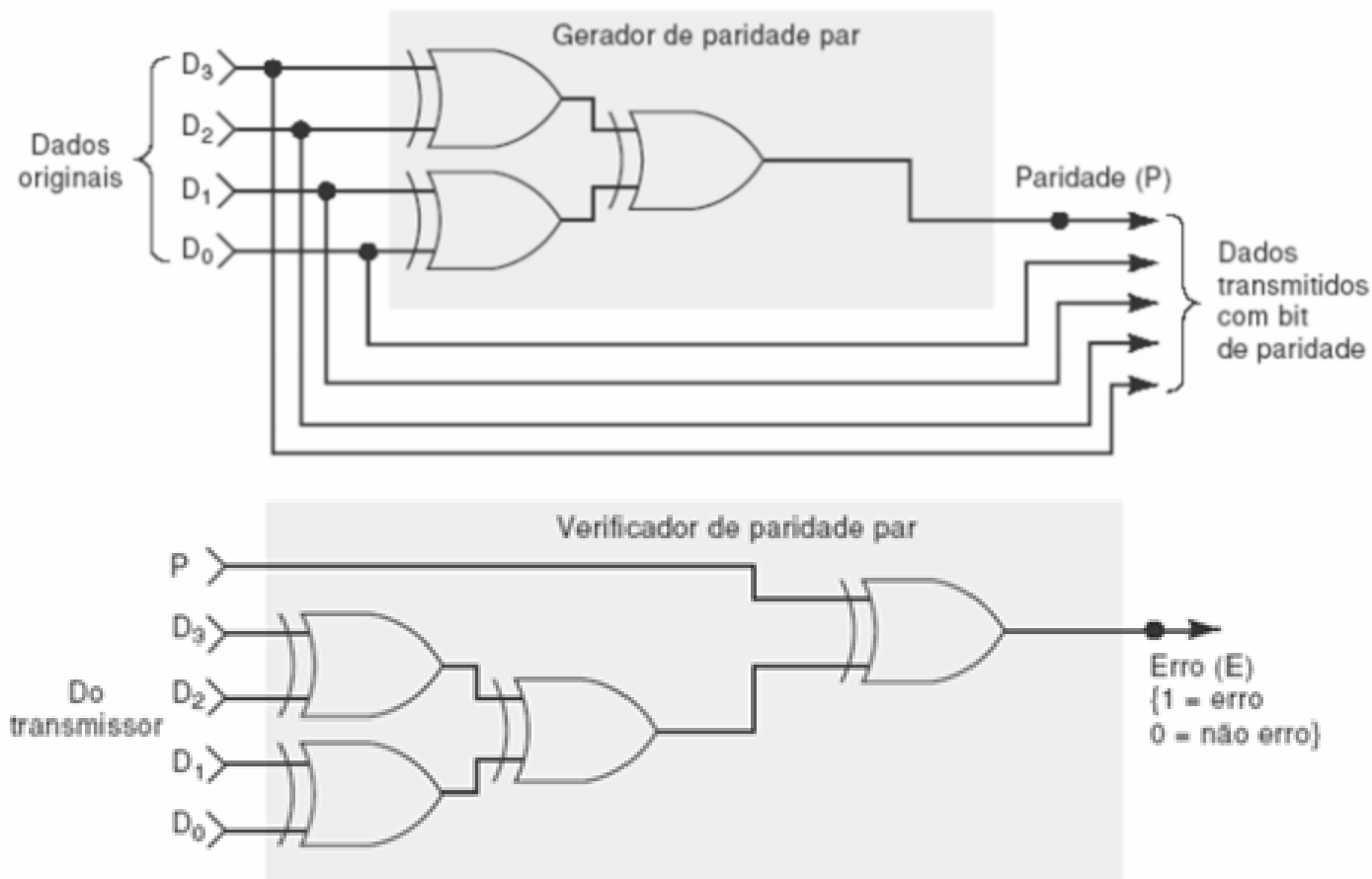
## Bit de Paridade

- Bit extra anexado ao conjunto de bits para informar a sua paridade.
- O bit de paridade pode ser 0 ou 1, dependendo do número de 1's contido no conjunto de bits do código (par ou ímpar).
- **Paridade Par:** o bit anexado serve para tornar o número total de bits "1" **par** (Ex.: 01001 -> **0**01001).
- **Paridade Ímpar:** o bit anexado serve para tornar o número total de bits "1" **ímpar** (Ex.: 01001-> **1**01001).



# Projeto de Circuitos Combinacionais

## Exemplo: Geração e Verificação de Paridade Par (4 bits)



# Projeto de Circuitos Combinacionais

## Outras estratégias para detecção de erros

- **Checksum** - Consiste na transmissão de todas as palavras juntamente com o resultado da sua soma binária.
- **CRC (*Cyclic Redundancy Check*)**.
- **Códigos de Hamming** - Detecção e Correção de Erros.